

- синтаксическая корректность;
- правильность логической структуры;
- актуальность данных;
- соответствие состава данных;
- логическая согласованность данных;
- точность данных;
- соответствие целям использования.

Допускается исключение тех аспектов качества, которые не соответствуют специфическим требованиям к оценке конкретных данных. При необходимости указанные аспекты качества дополняются показателями и мерами качества данных, определяемыми пользователем [4].

Как отмечалось, ГИС используются для решения сложных неформализованных задач, связанных с анализом и прогнозом явлений и событий окружающего мира, а также с планированием стратегических решений и текущих последствий предпринимаемых действий. Решение поставленных задач будет наиболее эффективным, если учитывать качество рабочей области, которое, как выяснилось, зависит не только от качества картографических материалов. Следует помнить, что лучшая и правильная информированность помогает принять верное решение.

#### БИБЛИОГРАФИЧЕСКИЙ СПИСОК

1. Ш. Шекхар, С. Чаула. Основы пространственных баз данных / Пер. с англ. – М.: Кудиц-Образ, 2004. – 336 с.
2. Энгелькинг Р. Общая топология: Пер. с англ. – М.: Мир, 1986. – 752 с.
3. Иванников А.Д., Кулагин В.П., Тихонов А.Н., Цветков В.Я. Геоинформатика. – М.: Макс Пресс, 2001. – 349 с.
4. ОСТ 68-3.4.1-03 Карты цифровые. Оценка качества данных. Основные положения.

**Диденко Диана Александровна**

Технологический институт федерального государственного образовательного учреждения высшего профессионального образования «Южный федеральный университет» в г. Таганроге  
E-mail: Di-ledi@mail.ru

347928, г. Таганрог, пер. Некрасовский, 44, моб. 8-918-525-04-75

Аспирант.

**Didenko Diana Alexandrovna**

Taganrog Institute of Technology - Federal State-Owned Educational Establishment of Higher Vocational Education «Southern Federal University»

E-mail: Di-ledi@mail.ru

44, Nekrasovskiy, Taganrog, 347928, Russia, cell: 8-918-525-04-75

The post-graduate student.

УДК 510.60

**М.О. Матковская**

#### **ИССЛЕДОВАНИЕ АЛГОРИТМОВ НЕЧЁТКОГО ВЫВОДА В МОДЕЛЯХ ПРИНЯТИЯ РЕШЕНИЙ**

*Статья посвящена исследованию алгоритмов нечеткого вывода в моделях принятия решения в условиях неясной информации. Проведен сравнительный анализ алгоритмов нечёткого вывода Мамдани и Сугэно. Рассмотрены понятия ис-*

тинности нечеткого правила *modus ponens*; нечеткий логический вывод, нечеткая переменная, лингвистическая переменная.

*Модели принятия решения, нечёткий вывод.*

**М.О. Matkovskaya**

### **RESEARCH OF ALGORITHMS OF THE FUZZY CONCLUSION IN DECISION-MAKING MODELS**

*Article is devoted research of algorithms of an indistinct conclusion in models of decision-making in the conditions of not clear information. The comparative analysis of algorithms of indistinct conclusion Mamdani and Sugeno. It is considered concepts of the validity of an indistinct rule *modus ponens*; fuzzy logic conclusion, fuzzy variable, linguistic variable.*

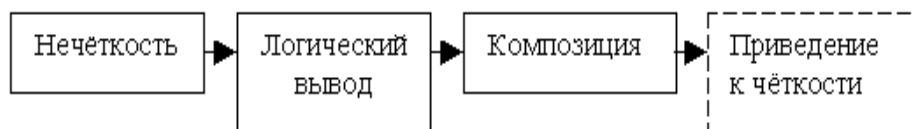
*Decision-making models, an indistinct conclusion.*

Сегодня многие задачи, связанные с управлением сложными системами, выработкой оптимальной стратегии управления, а также поиском рациональных решений и т.д., могут быть сведены к задачам построения моделей приближенных к размышлениям человека в условиях нечеткой информации. Впервые в 1965 г. американским ученым Лотфи Заде (Lotfi Zadeh) [3] было предложено для построения подобных моделей применить математический аппарат нечеткой логики (fuzzy logic) и математическую теорию нечетких множеств (fuzzy sets).

Основной особенностью применения таких моделей является то, что в подавляющем большинстве случаев математический аппарат нечеткой логики дает возможность оперировать нечеткими входными данными.

К преимуществам fuzzy-систем также можно отнести возможность проведения качественных оценок как входных данных, так и выходных результатов, при этом можно оперировать не только значениями данных, но и их степенью достоверности и ее распределением.

Процесс построения моделей принятия решений состоит из следующих этапов: 1) определение входов и выходов создаваемой модели; 2) задание для каждой из входных и выходных переменных функции принадлежности; 3) разработка базы нечётких правил; 4) выбор и реализация алгоритма нечёткого логического вывода; 5) анализ процесса управления созданной модели.



*Рис. 1. Общая схема логического вывода*

Общую схему нечеткого логического вывода [1] можно представить методом с рис. 1.

На сегодняшний день существует несколько алгоритмов нечёткого вывода работающих по данной схеме, например, алгоритм нечёткого вывода Мамдани и Сугэно.

Если сравнивать модели нечеткого вывода по Мамдани и модели типа Сугэно, то можно отметить, что они отличаются между собой форматом базы знаний и процедурой дефаззификации. Эти модели являются универсальными аппроксиматорами, но при больших объемах выборки экспериментальных данных идентификация с помощью модели типа Сугэно обеспечивает, как правило, большую

точность. Однако при этом могут возникнуть трудности с содержательной интерпретацией параметров нечеткой модели и с объяснением логического вывода. С моделью типа Мамдани таких трудностей не возникает, ее параметры легко интерпретируются содержательно. Выходное значение определяется центром тяжести фигуры, ограниченной функцией принадлежности  $\mu_B$  нечеткого множества

$$\tilde{C}_B. \text{ Иным словами, } V_0 = \frac{\int_V V * \mu_B(v) * d(v)}{\int_V \mu_B(v) * d(v)}.$$

При этом метод центра тяжести обладает рядом существенных недостатков, а именно:

- диапазон изменения выходных параметров  $M$  составляет лишь 33,3 % от общей области определения;
- зависимость  $V(W)$  является нелинейной.

Можно сделать вывод, что для задач, где более важным является объяснение, обоснование принятого решения, будут иметь преимущество нечеткие модели типа Мамдани, а для задач, где более важным является точность идентификации нелинейных зависимостей, целесообразным будет использование нечетких моделей типа Сугэно.

Для расширения диапазона изменения выходного параметра управления [4] предложено увеличивать крутизну наклона крайних функций принадлежности базовых значений выходной лингвистической переменной  $\beta_V$ , а для увеличения линейного участка зависимости  $V(W)$  – увеличивать число базовых значений входной  $\beta_w$  и выходной  $\beta_V$  лингвистических переменных.

Однако в работе [2] предложена общая схема выбора значений параметров при нечеткой экспертной информации. Согласно этой схеме, при заданных входных параметрах  $X, Y, \dots, Z$ , выбирается такое подмножество  $V_0$  значений выходного параметра  $V$ , при котором истинность нечеткого правила *modus ponens* достигает максимума:

$$\tilde{L};$$

$$\frac{A - true}{B - true}. \quad (1)$$

Здесь  $\tilde{L} = \{ \tilde{L}_j : < \text{если } \tilde{A}_j, \text{ то } \tilde{B}_j > \}$ ,  $j = \overline{1, m}$  – система нечетких высказываний, в которых  $A_i$  – произвольные нечеткие высказывания вида  $< (\beta_X \text{ есть } \alpha x_i) \& (\beta_Y \text{ есть } \alpha y_i) \& \dots \& (\beta_Z \text{ есть } \alpha z_i) >$  и  $B_i$  – произвольные нечеткие высказывания вида  $< (\beta_V \text{ есть } \alpha v_i) >$ . Величины  $x, y, \dots, z$  – конкретные значения входных параметров  $X, Y, \dots, Z$ , величина  $v$  – значение из подмножества  $V_0$ . Величина  $\beta$  – лингвистическая переменная, определенная на множестве  $X$  и имеющая базовые значения  $T = \{ \alpha_i \}$ ,  $i = \overline{1, n}$ . Тройки  $< \alpha_i, X, C_i >$  есть нечеткие переменные с унимодальными функциями принадлежности  $\mu_{C_i}(x)$ ,  $x \in X$ .

Для нахождения множества значений  $V_0$  выходного параметра степень истинности правила *modus ponens* записывается следующим выражением:

$$\mu_{m.p.}(v) = \&_{i=1, n} [1 \& (1 - \mu_{X_i}(x) \& \mu_{Y_i}(y) \& \dots \& \mu_{Z_i}(z) + \mu_{V_i}(v))], \quad (2)$$

где  $n$  – число высказываний в системе  $\tilde{L}$ .

Функция  $\mu_{m.p.}(v)$  входных параметров для заданных значений  $x, y, \dots, z$  является непрерывной на множестве значений параметра  $V$ . При условии, что система  $\tilde{L}$  обладает свойством монотонности, функция унимодальна, или достигает своего максимума на некотором интервале множества значений параметра  $V$ . Степень истинности (2) в данном случае, используя операцию импликации по Лукасевичу, можно представить в следующем виде:

$$\mu_{m.p.}(v) = (\xi_1 + \mu_{V_1}(v)) \& (\xi_2 + \mu_{V_2}(v)) \& \dots \& (\xi_m + \mu_{V_m}(v)) \& 1,$$

где  $\xi_i = 1 - \mu_{X_i}(x) \& \mu_{Y_i}(y) \& \dots \& \mu_{Z_i}(z)$ ,  $m$  – множество базовых значений лингвистической переменной  $\beta_v$ .

В случае, когда система  $\tilde{L}$  обладает свойством монотонности, справедливы неравенства:

$$\xi_k \leq \xi_{k+1} \leq \xi_{k+2} \leq \dots \leq \xi_m \leq 1, \text{ при } k \neq m,$$

$$\xi_k \leq \xi_{k-1} \leq \xi_{k-2} \leq \dots \leq \xi_1 \leq 1, \text{ при } k \neq 1.$$

Выполнение данного свойства позволяет применить алгоритмы, описанные в работе [2], для нахождения значений параметра  $V$ , для которых величина степени истинности  $\mu_{m.p.}(v)$  достигает своего наибольшего значения.

Необходимо отметить, что данные алгоритмы работают в случае, когда система  $\tilde{L}$  является лингвистически полной, т.е. когда для каждой входной нечеткой ситуации сопоставляется некоторая выходная нечеткая ситуация.

Данный анализ позволяет оценить соответствие имеющейся нечеткой информации требованиям, которым должны удовлетворять получаемые решения, а также позволяет найти «узкие места» такой информации с целью ее корректировки.

#### БИБЛИОГРАФИЧЕСКИЙ СПИСОК

1. Борисов А.Н., Алексеев А.В., Крумберг О.А. Модели принятия решений на основе лингвистической переменной. – Рига: Зинатне, 1982. – 256 с.
2. Берштейн Л.С., Боженюк А.В. Нечеткие модели принятия решений: дедукция, индукция, аналогия. – Таганрог: Изд-во ТРТУ, 2001. – 110 с.
3. Заде Л. Понятие лингвистической переменной и его применение к принятию приближенных решений. – М.: Мир, 1976. – 165 с.
4. Лохин В.М., Макаров И.М., Манько С.В., Романов М.П. Методические основы аналитического конструирования регуляторов нечеткого управления // Известия Академии наук. ТиСУ. – 2000. – № 1. – С. 56–69.

#### Матковская М.О.

Технологический институт федерального государственного образовательного учреждения высшего профессионального образования «Южный федеральный университет» в г. Таганроге  
E-mail: marishka\_o@rambler.ru

347928, г. Таганрог, пер. Некрасовский, 44, моб. 8-904-346-10-53

Аспирант кафедры прикладной информатики.

#### Matkovskaya M.O.

Taganrog Institute of Technology - Federal State-Owned Educational Establishment of Higher Vocational Education «Southern Federal University»

E-mail: marishka\_o@rambler.ru  
 44, Nekrasovskiy, Taganrog, 347928, Russia, cell 8-904-346-10-53  
 Post-graduate student of department of Applied Informatics.

УДК 51:519.172.1

**А.Э. Саак**

### **ЛОКАЛЬНО-ОПТИМАЛЬНЫЕ РАСПИСАНИЯ**

*Изучаются оптимальные планарные расписания для пары координатных тетродов горизонтально и вертикально упорядоченных, относительно горизонтально и вертикально упорядоченных, а также для пары сравнимых тетродов. В работе расширено множество свойств упорядоченности и предложен ряд оптимальных планарных расписаний для локальных массивов пары элементов.*

*Координатный тетрод, горизонтально и вертикально упорядоченная пара тетродов, относительно горизонтально и относительно вертикально упорядоченная пара тетродов, объемлющий координатный тетрод.*

**A.E. Saak**

### **LOCAL OPTIMAL SCHEDULES**

*Optimal planar schedules for horizontal and vertical ordered pair of coordinate tetrodes, for relatively horizontal and relatively vertical ordered ones, so as for a pair of comparable tetrodes are studied. In the work the set of order characteristics is extended and several optimal planar schedules for local pair of elements arrays are suggested.*

*Coordinate tetrode, horizontal and vertical ordered pair of tetrodes, relatively horizontal and relatively vertical ordered pair of tetrodes, comparable pair of tetrodes, comprehensive coordinate tetrode, local optimization of schedule.*

В работе [1] рассматривались оптимальные планарные расписания для пары координатных тетродов со свойствами: идентичности, транспонированной симметрии, транспонированной симметрии по одному из пары измерений.

В настоящей работе рассматриваются более общие свойства упорядоченности. Изучаются оптимальные планарные расписания для пары координатных тетродов горизонтально и вертикально упорядоченных, относительно горизонтально и вертикально упорядоченных, а также для пары сравнимых тетродов.

Пару координатных тетродов

$$a \times b, \alpha \times \beta$$

называем горизонтально упорядоченной при выполнении неравенств превалирования горизонтальных измерений

$$(a + \alpha) \geq (b + \beta), \max\{a, \alpha\} \leq \max\{b, \beta\}.$$

Оптимальное расписание пары с горизонтальным превалированием имеет вид вертикальной графики (рис. 1) с объемлющим координатным тетродом минимально возможной площади – на рисунке справа. Действительно, горизонтальная аддитивность данной пары элементов даёт графику вида (рис. 2), и объемлющая мера

$$\begin{aligned} mes_2[(a + \alpha) \times \max\{b, \beta\}] &= (a + \alpha) \max\{b, \beta\} \geq (b + \beta) \max\{a, \alpha\} = \\ &= mes_2[\max\{a, \alpha\} \times (b + \beta)] \end{aligned}$$